

التكامل

الاسئلة الوزارية الموضوعية والمقالية

الفرع  
الانبي

الاسئلة الوزارية من عام 2008 الى 2022

اسئلة موضوعية دولية

اسئلة مميزه من الكتاب

رافت صافي

0785824464

مدرسة سمر الثانوية



1

$$\int 3x^2(4x-1)dx \text{ قيمة}$$

a)  $x^3(2x^2-x) + c$

b)  $6x^4 - 3x^3 + c$

c)  $3x^4 - x^3 + c$

d)  $4x^4 - 3x^2 + c$

c

2

تتحرك جسم في مسار مستقيم وتقطع مسافة المتجهية  
بالاتزان  $v(t) = 2t + 3$  اذا كان الموقع الابتدائي  
للجسم 4 م فان موقع الجسم بعد مرور 2 ثانية  
من انطلاقة

a) 11 m

b) 5 m

c) 7 m

d) 14 m

d

3

اذا كان ميل المماس لمنحن الاتزان  $f(x)$  هو  
 $f'(x) = 8(2x+2)^3$  فان قيمة  $f(0)$  علماً بان منحن  
الاتزان  $f(x)$  يمر بالنقطة (5 و -1)

a) 37

b) 32

c) 21

d) 16

c

4 إذا كان  $\int (\frac{P}{2x^2} + Q) dx = \frac{2}{x} + 10x + C$  فان متعة

التابعتين P و Q

- a)  $P = -4$  و  $Q = 10$       b)  $P = 4$  و  $Q = -12$   
c)  $P = 2$  و  $Q = 20$       d)  $P = 4$  و  $Q = -10$

5 مساحة المنطقة المحصورة بين  $f(x) = 9 - x$   
والمحور x والقيميتين  $x = 0$  و  $x = 4$

- a) 1      b) 5      c) 28      d) 20

\* 6 متعة  $\int (\frac{3}{x} - e^{4-2x}) dx$

- a)  $\frac{-3}{2x^2} + e^{4-2x} + C$       b)  $-\frac{3}{2}x^2 - e^{4-2x} + C$   
c)  $3 \ln|x| + \frac{1}{2}e^{4-2x} + C$       d)  $3 \ln|x| - \frac{1}{2}e^{4-2x} + C$

7 متعة  $\int_0^3 \frac{x^3 + 8}{x+2} dx$

- a) 19      b) 27      c) 12      d) 30

الفرع

4

5

6

7

الفقرة

الادوية

a

c

c

c

الرجاء

8

$$\int 6 \cos 3x dx \quad \text{صيفة}$$

a)  $-6 \sin 3x + C$

b)  $6 \sin 3x + C$

c)  $-2 \sin 3x + C$

d)  $2 \sin 3x + C$

9

$$\int \frac{1-6x}{\sqrt{3x^2-x+1}} dx \quad \text{صيفة}$$

a)  $2\sqrt{3x^2-x+1} + C$

b)  $-2\sqrt{3x^2-x+1} + C$

c)  $\frac{1}{2}\sqrt{3x^2-x+1} + C$

d)  $\frac{1}{2}\sqrt{3x^2-x+1} + C$

10

تتحرك جسم في مسار مستقيم وتقطع سرعة  
المتجهه بالاقتران  $v(t) = 36t - 3t^2$  اذا بدأ الجسم  
حركته من نقطة الاصل. فان موقعه بعد 3 ثوانه  
من بدء الحركة

a) 130 m

b) 135 m

c) 140 m

d) 170 m

11

$$\int \frac{4}{x^{-3}} dx \quad \text{صيفة}$$

a)  $\frac{2}{x^2} + C$

b)  $4x^4 + C$

c)  $x^4 + C$

d)  $\frac{1}{x^4} + C$

الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

متى  $\int \frac{x^3-1}{x^2} dx$  هي  $\therefore$

12

a)  $\frac{x^2}{2} - \frac{1}{x} + c$

b)  $\frac{x^2}{2} + \frac{1}{x} + c$

c)  $x^2 - \frac{1}{x} + c$

d)  $x^2 + \frac{1}{x} + c$

إذا كان  $\int_1^3 f(x) dx = 6$  ،  $\int_3^1 g(x) dx = -2$  فإن متى

13

a) 14

b) 10

c) 8

d) 4

$\int_1^3 (2f(x) + g(x)) dx$

متى  $\int \frac{x^2-4}{2-x} dx$

14

a)  $\frac{x^2}{2} + 2x + c$

c)  $-\frac{x^2}{2} - 2x + c$

b)  $\frac{x^2}{2} - 2x + c$

d)  $2x^2 + x + c$

متى  $\int_0^2 e^{2x} dx$  هي  $\therefore$

15

a)  $e^4 - 1$

b)  $e^4 - 2$

c)  $2e^4 - 2$

d)  $\frac{1}{2}e^4 - \frac{1}{2}$

الفرع

12

13

14

15

الفقرة

الادوية

b

a

c

d

العبارة

$$\int \frac{1}{\sqrt[3]{x}} dx \quad \text{سَبْعَة}$$

16

a)  $\frac{3}{4\sqrt[3]{x^4}} + c$

b)  $\frac{4}{3\sqrt[4]{x^3}} + c$

c)  $\frac{3}{2}\sqrt[3]{x^2} + c$

d)  $\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + c$

c

إذا كان ميل المماس لمنحنى الإقتران  $f(x)$  هو  $f'(x) = \frac{8}{x^{-3}}$  وكان منضاه يمر بالنقطة (اوس)

17

فان قاعدة الإقتران  $f(x)$ :

a)  $f(x) = 2x^4 - 1$

b)  $f(x) = 2x^4 + 1$

c)  $f(x) = 4x^2 + 1$

d)  $f(x) = 4x^2 - 1$

b

$$\int_1^{-2} 6x^2 dx \quad \text{سَبْعَة}$$

18

a) -9

b) -18

c) -7

d) -14

b

$$\int \frac{\sin(\frac{1}{x})}{x^2} dx \quad \text{سَبْعَة}$$

19\*

a)  $-\cos(\frac{1}{x}) + c$

b)  $\cos(\frac{1}{x}) + c$

c)  $x \cos(\frac{1}{x}) + c$

d)  $x^2 \cos(\frac{1}{x}) + c$

b

٧٨٥٨٤٤٤٦٤٣٤٣٣٣٥٧٥٧٨٠

رالف صبياني

قِيَمَة  $\int_1^4 \frac{1}{\sqrt{x}} dx$  هي :-

20

a) -2

b)  $-\frac{7}{16}$

c)  $\frac{1}{2}$

d) 2

d

قِيَمَة  $\int_0^1 (x+4)\sqrt{x^2+8x} dx$

21

a) 27

b)  $\sqrt{3}$

c) 9

d)  $\frac{26}{3}$

c

تتحرك جسم في مسار مستقيم ويعطى تسارعه بالاقتران  
 $a(t) = 4t - 4$  اذا بدأ الجسم حركته من نقطة  
الاجل بسرعة متجهتها مقدارها  $5 \text{ m/s}$  فان  
موقعه بعد 3 ثوانٍ من بدء حركته

22

a) 30 m   b) 71 m   c) 31 m   d) 15 m

d

23  $\int_1^3 \frac{5}{x} dx$  متيعة

a)  $\ln 3$

b)  $5(\ln 3)$

c)  $-\ln 3$

d)  $5(-\ln 3)$

b

24 اذا كان  $\int_0^2 kx dx = 6$  فان متيعة

الثابت  $k$  هي :-

a) 1

b) 2

c) 3

d) 4

c

25 اذا كان  $f(x) = \begin{cases} 2x+1 & x \geq 1 \\ 3 & x < 1 \end{cases}$

فان متيعة  $\int_0^5 f(x) dx$

a) 3      b) 13

c) 31      d) 26

c

26  $\int_1^3 \frac{2}{x^2} dx$  متيعة

a)  $-\frac{1}{3}$

b)  $\frac{2}{3}$

c)  $\frac{4}{3}$

d)  $-\frac{2}{3}$

c

٠٧٨٥٨٢٤٤٦٤

راففت الصافي



الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

27  $\int \frac{4x^2 - 3x}{x} dx$  متعة

a)  $2x^2 + 3x + C$

b)  $\frac{4}{3}x^3 - 3x + C$

c)  $2x^2 - 3x + C$

d)  $\frac{4}{3}x^3 + 3x + C$

28 إذا كان  $f'(x) = 2 - \frac{1}{x^2}$  وكان  $f(\frac{1}{2}) = 1$  فان متعة  $f(-1)$

a) -5

b) 5

c) -3

d) 3

29 تحرك جسم في ما، متقيم ويعطى تارعه بالاقتران

$a(t) = 6t(1-t)$  اذا كان  $v(0) = 9 \text{ m/s}$  فان سرعة

المتجه بعد مرور 2 ثانية من بدى حركته .

a) 4 m/s

b) 21 m/s

c) 16 m/s

d) 5 m/s

30 اذا كان  $\int_5^1 f(x) dx = 2$  ،  $\int_{-2}^1 2f(x) dx = 6$  فان متعة

a) -4

b) 4

c) -1

d) 1

$\int_{-2}^5 f(x) dx$

الفرع

27

28

29

30

الفقرة

الاجابة

C

a

d

d

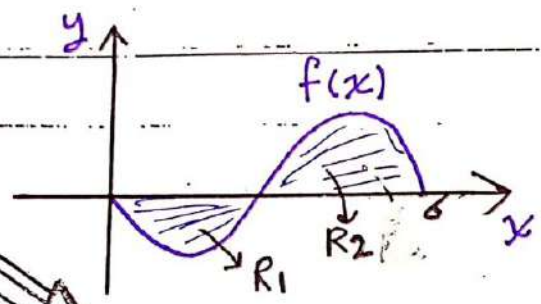
اجابة

31

الشكل المجاور يمثل منحنى  $f(x)$  إذا كانت مساحة

المنطقة  $R_1$  هي 8 وعلامة  $R_2$  هي

4 وعلامة  $R_3$  هي عن الفرضية :-



\* مساحة المنطقة المحيطة بـ  $f(x)$  ومحور  $x$  والتقيعان  $x=0$  و  $x=6$

- a) 12
- b) 2
- c) 4
- d) 32

\* ما قيمة  $\int_0^6 f(x) dx$

- a) -12
- b) 12
- c) -4
- d) 4



32

يصل الاقتران  $C'(x) = 6x + 1$  التكلفة الحدية (بالدينار)

لكل قطعة تنتجها إحدى الشركات. حيث  $x$  عدد القطع المنتجة

و  $C(x)$  تكلفة إنتاج  $x$  قطعة بالدينار. فإن مقدار التغير

في التكلفة عند زيادة الشركة إنتاجها من 10 قطع إلى 20 قطعة

- a) 725
- b) 831

- c) 126
- d) 910



33

إذا كان ميل الخط  $v$  لمنحنى  $f(x)$  هو  $f'(x) = \frac{x-2x^2}{x}$

وكان منحناه يمر بالنقطة (0 و 1) فإن قاعدة الاقتران  $f(x)$

a)  $f(x) = x - x^2 + 1$

b)  $f(x) = x - x^2$

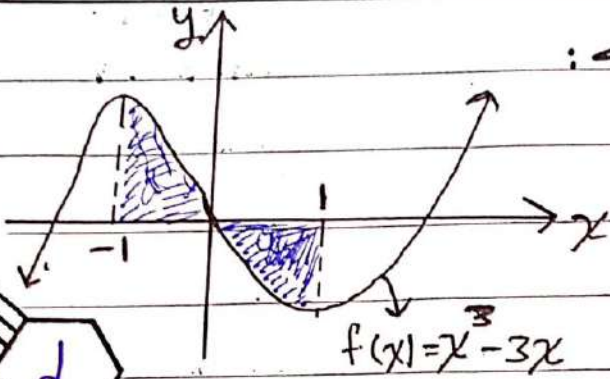
c)  $f(x) = 2x - x^2 - 1$

d)  $f(x) = x + x^2$



مساحة المنطقة المظلمة :

34



d

a)  $\frac{7}{5}$

b) 4

c) 5

d)  $\frac{5}{2}$

مساحة  $\int_1^8 \frac{2}{\sqrt[3]{x}} dx$

35

a) 9

b) 12

c) -9

d) -12

a

مساحة  $\int_{-1}^2 \frac{x^2 + 3x}{x+3} dx$

36

a)  $-\frac{3}{2}$

b)  $\frac{3}{2}$

c)  $\frac{2}{3}$

d)  $-\frac{2}{3}$

b

إذا كان  $\int_1^k 4 dx = -12$  فإن مساحته

37

الثابت k

a) -3

b) 3

c) 5

d) -2

d

$$\int_{-2}^4 |3x-6| dx \text{ مِقَدَر}$$

\*  
38

a) 22

b) 31

c) 30

d) 25

c

$$\int_a^b 2f(x) dx = \text{مِقَدَر} \text{ فان } \int_a^b f(x) dx = 8 \text{ اذا كان}$$

39

a) 16

b) -8

c) 8

d) -16

a

$$\int (x+2) \cos(x^2+4x) dx \text{ مِقَدَر}$$

\*  
40

a)  $\sin(2x+4) + c$

b)  $\sin(x^2+4x) + c$

c)  $2 \sin(x^2+4x) + c$

d)  $\frac{1}{2} \sin(x^2+4x) + c$

d

$$\int_{4k+5}^{k-1} f(x) dx = 0 \text{ فان مِقَدَر}$$

اذا كان  $k$  ثابت

41

a) 3

b) -3

c) 2

d) -2

d

رافقت صبا في

٠٧٨٥٧٤٤٦٤

42

فان إذا كان  $\int_3^1 (2f(x) - 4) dx = 12$

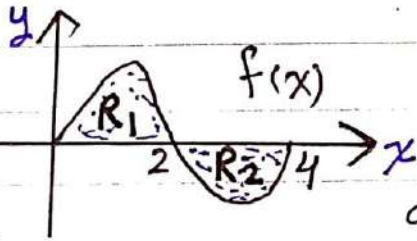
- a) 6      b) -6  
c) 16     d) -16

a

متى  $\int_1^3 (f(x) + 2x) dx$

43

مقطعاً الشكل الجاور الذي يمثل منحني  $f(x)$  إذا علمت أن مساحة المنطقة المظلمة 10 وحدات وكانت  $R_1$  تساوي 4 وحدات فان



b

- a) 10      b) -2      c) 2      d) 14

متى  $\int_0^4 f(x) dx$

44\*

إذا كان  $f'(x) = x\sqrt{x}$  وكان  $f(x)$  يمر بالنقطة (1,0) فان قاعدة  $f(x)$

a)  $f(x) = \frac{2}{5} \sqrt{x^5} + 1$

b)  $f(x) = \frac{5}{2} \sqrt{x^5} + c$

c)  $f(x) = \frac{3}{2} \sqrt{x^3} + 1$

d)  $f(x) = \frac{2}{3} \sqrt{x^3} + 1$

a

45□

مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الدقتان  $f(x) = x^2 + 5x + 4$  والمحور x

a)  $\frac{1}{3}$

b)  $\frac{5}{4}$

c)  $\frac{2}{9}$

d)  $\frac{9}{2}$

d

$$\int_1^9 \frac{7}{\sqrt{x}} dx$$

متى

46

a) -14

b) 14

c) -28

d) 28

$$\int_4^3 g(x) dx = 6, \int_2^3 g(x) dx = -4$$

إذا كان  $\int_2^4 \frac{1}{2} g(x) dx$  متى يأتي

47

a) -5

b) 2

c) -10

d) 1

مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = 9 - x$  والمحور  $x$  والمستقيمتين  $x=4$  و  $x=0$

48

a) 28

b) 20

c) 5

d) 1

$$\int_1^m (6x - 10) dx = 4$$

إذا كان

49

فان متى الـ  $m$  يت

a)  $3$  و  $\frac{1}{3}$

b)  $-3$  و  $-\frac{1}{3}$

c)  $-1$  و  $\frac{1}{2}$

d)  $2$  و  $-\frac{2}{3}$

$$\int (2x-1)^3 dx \text{ مئة } 50$$

a)  $\frac{(2x-1)^4}{4} + c$

b)  $\frac{(2x-1)^4}{6} + c$

c)  $\frac{(2x-1)^4}{8} + c$

d)  $5(2x-1)^4 + c$

c

$$\int_0^3 \frac{1}{\sqrt{4-x}} dx \text{ مئة } 51$$

a) 2

b) -2

c) 6

d) -6

b

$$\int \frac{2x^2 - 8x - 10}{x+1} dx \text{ مئة } 52$$

a)  $x^2 - 10x + c$

d)  $x^2 - 5x + c$

b)  $x^2 + 10x + c$

d)  $x^2 + 5x + c$

a

$$\int 6k^2 dx \text{ إذا كان } k \text{ ثابتاً فإن } 53$$

a)  $6k^2 x + c$

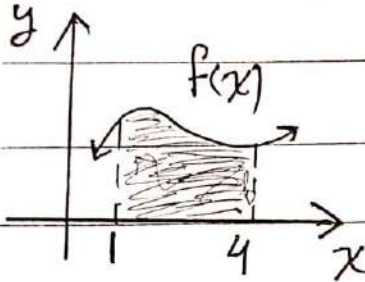
c)  $2k^3 + c$

b)  $6k^2 + c$

d)  $2k^3 x + c$

a

54 معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى  $f(x)$  إذا علمت ان  $\int_1^4 3f(x) dx = 21$  فان مساحة المنطقة المحصورة بين  $f(x)$  ومحور  $x$  وخطين  $x=1$  و  $x=4$



a) 9    b) 12    c) 7    d) 21

55 متفقا  $\int_1^9 (2+\sqrt{x})^2 dx =$

- a)  $\frac{424}{5}$     b)  $\frac{424}{3}$     c)  $\frac{175}{8}$     d)  $\frac{415}{8}$

\* 56 متفقا  $\int \frac{3x}{(x^2+4)^2} dx =$

- a)  $\frac{-3}{2(x^2+4)} + c$     b)  $\frac{-3}{2(x^2+4)^2} + c$   
c)  $\frac{1}{2}(x^2+4)^3 + c$     d)  $\frac{1}{2(x^2+4)} + c$

□ 57 متفقا  $\int (\frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{3}{x^5}) dx =$

- a)  $\frac{1}{2}\sqrt{x} + \frac{3}{4x^4} + c$     b)  $2\sqrt{x} + \frac{2}{3x^4} + c$   
c)  $2\sqrt{x} + \frac{3}{4x^4} + c$     d)  $2\sqrt{x} - \frac{3}{4x^4} + c$

الفرع	54	55	56	57	الفقرة
الدرجة	c	b	a	c	الدرجة



$$\int (3-x)^7 dx \quad \text{مِقَامَة}$$

58

a)  $7(3-x)^8 + c$

b)  $-7(3-x)^8 + c$

c)  $-\frac{(3-x)^8}{8} + c$

d)  $\frac{(3-x)^8}{8} + c$

c

$$\int (x^2 - \frac{2}{x^3} - 7) dx \quad \text{مِقَامَة}$$

59

a)  $\frac{x^3}{3} + \frac{2}{x^2} - 7x + c$

b)  $\frac{x^3}{3} - \frac{2}{x^2} - 7x + c$

c)  $\frac{x^3}{3} - \frac{1}{x^2} - 7x + c$

d)  $\frac{x^3}{3} + \frac{1}{x^2} - 7x + c$

d

$$\int \sqrt{x}(x-1) dx \quad \text{مِقَامَة}$$

60

a)  $\frac{2}{5} \sqrt{x^5} - \frac{2}{3} \sqrt{x^3} + c$

b)  $\frac{5}{2} \sqrt{x^5} - \frac{3}{2} \sqrt{x^3} + c$

c)  $5\sqrt{x^5} - 3\sqrt{x^3} + c$

d)  $\frac{2}{5} \sqrt[5]{x^2} - \frac{2}{3} \sqrt[3]{x^2} + c$

a

$$\int_1^2 \frac{(3-x)(3+x)}{x^2} dx \quad \text{مِقَامَة}$$

61\*

a)  $\frac{2}{7}$

b)  $\frac{7}{2}$

c)  $\frac{3}{4}$

d) 4

ob

المستوى  
" 4 "

الأسئلة الموضوعية

الوحدة  
" 4 "

62 مَبَقَة  $\int_0^1 e^x dx$

a)  $e$

b)  $1 - e$

c)  $e - 1$

d)  $1$

63 سَجْرَان جَم مِن مَار مَتَقِيم وَمَبَارَع.  $a(t) = 4$   
اذا بدأ الجَم مَرَكَبَة مِن نَقْطَة الِإِصْل بِرِوْعَة مَتَجَهَة  
6 m/s فان رِوْعَة الجَم الِتَجَهَة بَعْد مَرور 1 ثَانِيَة

a) 10 m/s

b) 2 m/s

c) -2 m/s

d) 6 m/s

64 اذا كان ميل (مماس) لمنحنى الإقتان  $f(x)$  هو  
 $f'(x) = \frac{4x^2 - x}{x}$  وكان منحنى  $f(x)$  يمر بالنقطة (4, 1) فان قيمة  $f(2)$

a) 10

b) 9

c) 7

d) 6

65 يمثل الإقتان  $S'(t) = 500\sqrt{t}$  معدل تغير المبيعات الشهرية لهاتف  
حينه  $t$  عدد الأشهر منذ طرح الهاتف و  $S(t)$  عدد الهواتف المباعة  
شهرياً فان قاعدة  $S(t)$  حينه  $S(0) = 0$

a)  $400\sqrt{t^5}$

b)  $400\sqrt[5]{t^4}$

c)  $400\sqrt[4]{t^5}$

d)  $1000\sqrt[5]{t^4}$

الفرع

62

63

64

65

الفقرة

الدرسي

c

a

b

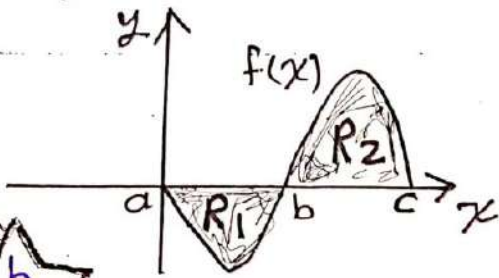
c

الجملة

66 المثل المجاور يمثل منحنى  $f(x)$  المعرفة على  $[a, b]$

اجبه عن الفقرتين

\* اذا علمت ان مساحة المنطقة المظلمة تساوي 15 وحدة وكان  $\int_b^c f(x) dx = 8$  فان قيمة  $\int_a^b f(x) dx$  متساوية



- a) 7      b) -7      c) -8      d) 23

\* متساوية  $R_2$

- a) 7      b) 1      c) 8      d) 15



67 يتحرك جسم في مسار مستقيم ويغطي مساره بالاقتران

$a(t) = 6t$  اذا كان الموقع الابتدائي للجسم هو 4 م وكانت سرعته للتجهه هي 1 م/س بعد ثانية واحدة من بدء الحركة ، فان موقع الجسم بعد اثنتين من بدء الحركة

a) 8 m

b) 7 m

c) 16 m

d) 14 m



68 اذا كان  $f'(x) = \frac{3}{\sqrt{x}} - x$  وكان  $f(x)$  يمر بالنقطة (4, 0)

فان قاعدة  $f(x)$

a)  $f(x) = 6\sqrt{x} + \frac{1}{2}x^2 + 1$

b)  $f(x) = \sqrt{x} - \frac{1}{2}x^2 - 4$

c)  $f(x) = 6\sqrt{x} + \frac{1}{2}x^2 + c$

d)  $f(x) = 6\sqrt{x} - \frac{1}{2}x^2 - 4$



$$\int (1-2x)^7 dx \text{ صيغة}$$

69

a)  $\frac{(1-2x)^8}{16} + c$

b)  $-\frac{(1-2x)^8}{16} + c$

b) c)  $\frac{(1-2x)^8}{8} + c$

d)  $-\frac{(1-2x)^8}{8} + c$

$$\int \sqrt[3]{x^4} dx \text{ صيغة}$$

70

a)  $\frac{7}{3} \sqrt[3]{x^7} + c$

c)  $\frac{7}{3} \sqrt[7]{x^3} + c$

b)  $\frac{3}{7} \sqrt[7]{x^3} + c$

d)  $\frac{3}{7} \sqrt[3]{x^7} + c$

71 إذا كان ميل المماس لمنحنى الإقتران  $f(x)$  هو  $f'(x) = x(2-3x)$  وكان منحناه يمر بالنقطة  $(-4, -1)$  فان قاعدة الإقتران  $f(x)$  هي

a)  $f(x) = x^2 + 2x + 2$

b)  $f(x) = x^2 + x - 2$

c)  $f(x) = x^2 - x^3 - 2$

d)  $f(x) = x^2 - x^3 + 2$

72 إذا كان  $\int_0^3 f(x) dx = 10$  فان صيغة

72

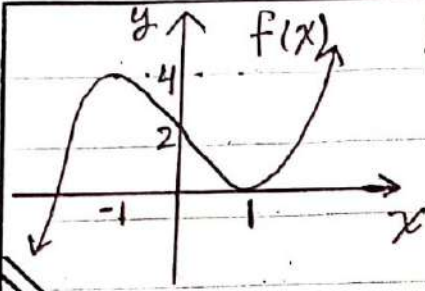
$$\int_0^3 (2x + f(x)) dx$$

a) 16

b) 19

c) 12

d) 9



الشكل المجاور يمثل منحنى  $f(x)$

حيث  $f'(x) = 3x^2 - 3$  فان

قاعدة  $f(x)$

a)  $f(x) = x^3 - 3x$

b)  $f(x) = x^3 - 3x + 1$

c)  $f(x) = x^3 - 3x + 2$

d)  $f(x) = x^3 - 3x - 5$

c

73

فان صيغة  $\int_5^6 3 f(x) dx = 12$

اذا كان

$$\int_6^5 f(x) dx$$

a) -4

b) 4

c) -12

d) 12

a

74

اذا كان  $f'(x)$  متصل على الفترة [2 و 1] وكان  $f'(x) = 3x^2$  فان صيغة  $f(2) - f(1)$

a) 8

b) 9

c) 7

d) 3

c

75

مساحة المنطقة المحصورة بين  $f(x) = 2x + 6$  ومحور  $x$  والتقيعان  $x = 1$  و  $x = 3$

a) 20

b) 27

c) 17

d) 34

a

76

77\* إذا كان  $f'(x) = 2x + \frac{1}{x}$  وكان منحنى  $f(x)$

يمر بالنقطة (0, 1) فإن قاعدة  $f(x)$

a)  $f(x) = x^2 + \ln|x| + 1$

b)  $f(x) = x^2 + \frac{1}{x} - 1$

c)  $f(x) = x^2 + \ln|x| - 1$

d)  $f(x) = x^2 - \frac{1}{x} - 1$

78\* مِثَقَ  $\int \frac{x+3}{\sqrt{x}} dx$

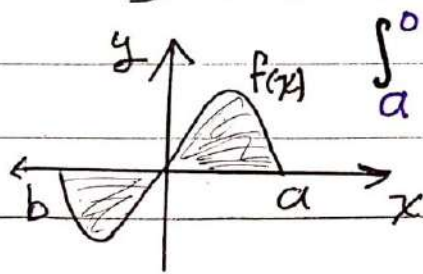
a)  $\frac{3}{2}\sqrt{x} + c$

b)  $\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + 6\sqrt{x} + c$

c)  $3\sqrt{x^3} + 6\sqrt{x} + c$

d)  $\frac{3}{2}\sqrt{x^3} + \frac{1}{6}\sqrt{x} + c$

79 إذا كانت مساحة المنطقة المظلمة 14 وصحة وكان



فإن مِثَقَ  $\int_a^0 f(x) dx$   $\int_0^b f(x) dx = 6$

a) 8

c) 20

b) -8

d) -20

80 مِثَقَ  $\int 8(2x+5)^3 dx$

a)  $(2x+5)^2 + c$

b)  $(x^2+5)^4 + c$

c)  $(2x+5)^4 + c$

d)  $16(2x+5)^2 + c$

الفرع

77

78

79

80

الفقرة

الاجابة

c

b

b

c

الاجابة

81 عند نفخ بالون كروي الشكل يصبح نصف قطره  $y$  بعد  $t$  ثانية إذا كان  $\frac{dy}{dt} = 4t + \frac{2}{3}$  وكان نصف قطر البالون بعد 8 ثوانٍ من بدء نفخه 30 جد نصف قطر البالون بعد 27 ثانية من بدء نفخه.

- d) 42    c) 51    b) 40    a) 53

82 مِيقَة  $\int_0^1 (1-x)^4 dx$

- d) -5    c) 5    b)  $-\frac{1}{5}$     a)  $\frac{1}{5}$

a

83 تتحرك جسم من الكون ويخطت تارجه بالإقتراف

إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الأصل بسرعة متجهه  $2 \text{ m/s}$  فان موقعه بعد 1 ثانية من بدء الحركة

- d)  $\frac{58}{3} \text{ m}$     c)  $\frac{57}{4} \text{ m}$     b)  $\frac{21}{4} \text{ m}$     a) 52 m

84 مِيقَة  $\int_0^2 \frac{1}{(x-3)^2} dx$

- d)  $-\frac{4}{3}$     c)  $\frac{4}{3}$     b)  $\frac{2}{3}$     a)  $-\frac{2}{3}$

b

٠٧٨٥٧٤٤٦٤

رافت صافي

$$\int_{-4}^3 x(4-3x) dx \quad \text{مِقَدَر}$$

85

a) 100

b) 105

c) -105

d) 95

c

$$\int_{-1}^2 (1-x)(1+3x) dx \quad \text{مِقَدَر}$$

86

a)  $-\frac{1}{3}$

b)  $\frac{1}{3}$

c) 3

d) -3

d

$$\int \sin(2x+3) dx \quad \text{مِقَدَر}$$

87

a)  $-\frac{1}{2} \cos(2x+3) + c$

b)  $2 \cos(2x+3) + c$

c)  $\frac{1}{2} \cos(2x+3) + c$

d)  $-2 \cos(2x+3) + c$

a

$$\int_0^1 (1-x)^2 dx \quad \text{مِقَدَر}$$

88

a) -3

b) 3

c)  $\frac{1}{3}$

d)  $-\frac{1}{3}$

c

٠٧٨٠٢٤٤٦٤

رافت صحافي



89 إذا كان  $\int_1^k \frac{1}{\sqrt{x}} dx = 3$  فإن صيغة

الثابت K

a)  $\frac{4}{25}$  b)  $\sqrt{\frac{5}{2}}$  c)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$  d)  $\frac{25}{4}$

d

90 إذا كان  $\int_1^k e^x dx = 0$  فإن صيغة

الثابت K

a) -1 b) 0 c) 1 d) 2

c

91 \* أي الاقتربات الآتية اقتران أصلي للاقتران  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$

a)  $G(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2+1}} + c$

b)  $G(x) = \sqrt{x^2+1} + c$

c)  $G(x) = 2\sqrt{x^2+1} + c$

d)  $G(x) = \frac{1}{2}\sqrt{x^2+1} + c$

b

92 \* صيغة  $\int (\frac{1}{2x} - \frac{1}{\sqrt{x}}) dx$

a)  $\frac{1}{2} \ln|x| - 2\sqrt{x} + c$

c)  $-2 \ln|x| - 2\sqrt{x} + c$

b)  $2 \ln|x| - 2\sqrt{x} + c$

d)  $2 \ln|x| - 2^3\sqrt{x} + c$

a

٠٧٨٥٨٢٤٤٦٤



رافت الصافي

$$\int_0^k 6x^2 dx = 2 \quad \text{إذا كان}$$

93

فان قيمة الثابت K

a) 8

b) -1

c) -8

d) 1

d

$$\int_0^3 \frac{12x}{\sqrt[3]{x^2-1}} dx \quad \text{قيمة}$$

94

a) -9

b) 9

c) -27

d) 27

d

$$\int_0^5 f(x) dx \quad \text{فان قيمة} \quad f(x) = |x-1|$$

95

a)  $\frac{1}{2}$

b) 5

c)  $\frac{35}{4}$

d)  $\frac{17}{2}$

d

$$\int \frac{1}{x} dx \quad \text{قيمة}$$

96

a)  $\ln|x| + c$

c)  $e^x + c$

b)  $\frac{1}{x^2} + c$

d)  $\frac{1}{x} + c$

a

٧٥٧٨٠٦٧٥٧٨٠  
رلاف صديقي

$$\int \frac{2x^2+x}{x} dx \text{ صيغة } 97$$

a)  $x^2 - x + c$

c)  $2x^2 - x + c$

b)  $x^2 + x + c$

d)  $2x^2 + x + c$

b

$$\int \frac{1}{\sqrt[3]{x}} dx \text{ صيغة } 98$$

a)  $\frac{3}{4\sqrt[3]{x^4}} + c$

b)  $\frac{4}{3\sqrt[4]{x^3}} + c$

c)  $\frac{3}{2}\sqrt[3]{x^2} + c$

d)  $\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + c$

c

إذا كان ميل المماس لمنحنى الإقتران  $f(x)$

هو  $f'(x) = 4x + 1$  وكان منحنى  $f(x)$  يمر بالنقطة

$(0, 4)$  فإن صيغة  $f(-1)$

a) 3

b) 4

c) 5

d) 7

c

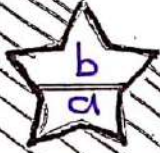
١٥٠ يتحرك جسم في مسار مستقيم ويعطى تسارعه بالإقتران  
 $a(t) = 6t - 5$  إذا كان الموقع الابتدائي للجسم  $3\text{ m}$  وكانت  
 $v(0) = 4\text{ m/s}$  أجب عن الفقرتين

\* ما السرعة المتجهة للجسم بعد مرور 2 ثانية من بدء الحركة

- a)  $2\text{ m/s}$       b)  $6\text{ m/s}$       c)  $14\text{ m/s}$       d)  $18\text{ m/s}$

\* ما موقع الجسم بعد مرور 4 ثوانٍ من بدء الحركة

- a)  $43\text{ m}$       b)  $40\text{ m}$       c)  $24\text{ m}$       d)  $19\text{ m}$



١٥١ متبقة  $\int_1^4 \frac{2 + \sqrt{x}}{x^2} dx$

a)  $\frac{2}{5}$

b)  $5$

c)  $\frac{5}{2}$

d)  $\frac{1}{2}$



١٥٢ إذا كان ميل المماس لمنحنى الإقتران  $f(x)$  هو

$f'(x) = 2x + 1$  وكان منحنى الإقتران  $f(x)$  يمر بالنقطة

$(3, 0)$  فإن متبقة  $f(1)$

a)  $-5$

b)  $2$

c)  $5$

d)  $6$



$$\int_2^3 \frac{x^2-1}{x+1} dx \text{ صيغة}$$

103

a)  $-\frac{3}{2}$

b)  $\frac{3}{2}$

c)  $\frac{2}{3}$

d)  $-\frac{2}{3}$

b

$$\int_0^k 12x^2 dx = 32 \text{ اذا كان}$$

104

فان صيغة الـ k

a) 8

b) 2

c) -2

d) -8

b

$$\int_1^{32} \frac{1}{\sqrt[5]{x^4}} dx \text{ صيغة}$$

105

a)  $\frac{1}{5}$

b)  $-\frac{1}{5}$

c) 5

d) -5

c

$$\int_1^1 (3x^2+4x-1) dx \text{ صيغة}$$

106

a) 1

b) -2

c) 2

d) 0

d

$\int_1^5 f(x) dx = 6$  ،  $\int_1^5 g(x) dx = 8$  إذا كان  $\int_1^2 f(x) dx = -4$

107

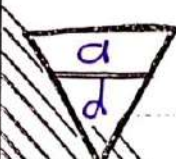
أجب عن الفقرتين

\* صيغة  $\int_1^5 (4f(x) + g(x)) dx$

- a) 32      b) 31      c) 35      d) 16

\* صيغة  $\int_2^5 f(x) dx$

- a) 31      b) -31      c) -10      d) 10



108

إذا كان ميل (مماس) منحنى الإقتران  $f(x)$  بعض

بالقاعدة  $f'(x) = \frac{6}{x^{-5}}$  وكان منحنى الإقتران  $f(x)$

يسر بالنقطة  $(-2, 1)$  فان قاعدة الإقتران  $f(x)$

a)  $f(x) = x^6 + 3$

b)  $f(x) = x^6 - 3$

c)  $f(x) = x^6 - 2$

d)  $f(x) = x^6 + 2$

b

صيغة  $\int_0^1 \sqrt[5]{x} dx$

109

a)  $\frac{5}{6}$

b)  $\frac{-5}{6}$

c)  $\frac{6}{5}$

d)  $\frac{-6}{5}$

a

المستوى  
" 4 "

الأسئلة الموضوعية

الوحدة  
" 4 "

110

يلوث مصنع بحيرة بمعدل يمكن تقديره بالاقتران

$N(t) = 280t^{\frac{3}{2}}$  حيث  $t$  عدد لاسر من الآن و  $N(t)$   
عدد الكيلوغرامات من الملوثات التي يطرحها المصنع في البحيرة. كم كيلوغرام  
من الملوثات يدخل البحيرة منذ الآن حتى 4 أشهر

a) 3584

b) 5126

c) 1121

d) 2145

111

إذا كان  $\int_{3+2K}^{K-1} 2dx = 6$  فإن قيمة الثابت  $K$

a) 7

b) 1

c) -7

d) -1

112

إذا كان  $\int_2^K 3x^2 dx = 19$  فإن قيمة الثابت  $K$

a) 3

b) 2

c) -2

d) -3

113

إذا كان  $\int_3^1 f(x) dx = 4$  فإن قيمة

$$\int_3^1 (6 + f(x)) dx$$

a) 8

b) -8

c) 10

d) -10

الفرع

110

111

112

113

الفقرة

الادوية

a

c

a

b

الرجابة

114 مائة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = x^2 + 1$  والمحور  $x$  والعمودين  $x=1$  و  $x=4$

- a) 14      b) 24      c) 12      d)  $\frac{16}{3}$

115 إذا كان  $\int_1^4 f(x) dx = -2$  ،  $\int_{-1}^1 f(x) dx = 5$  فان قيمة

$\int_4^{-1} f(x) dx$

- a) -3      b) 3      c) -7      d) 7

116 إذا كان  $\int_6^1 f(x) dx = -4$  ،  $\int_2^1 \frac{f(x)}{3} dx = 2$  فان قيمة

$\int_2^6 (f(x) + 3) dx$

- a) 10      b) 13      c) 14      d) 22

117 إذا كان  $f'(x)$  متناقصا على الفترة  $[1, 8]$  وكان  $\int_1^8 f'(x) dx$  فان قيمة  $f(8) = 12$  ،  $f(1) = 3$

- a) 9      b) -9      c) 15      d) -15

الفرع

114

115

116

117

الفقرة

الاجابة

b

a

d

a

الاجابة



118

المساحة المحصورة بين منحنى  $f(x) = 3x^2 - 12$   
ومحور  $x$  ومقتطعين  $x = 1$  و  $x = 3$

a) 12

b) 4

c) 3

d) 16

119

المساحة المحصورة بين منحنى  $f(x) = 12 - 3x^2$   
ومحور  $x$

a) 64

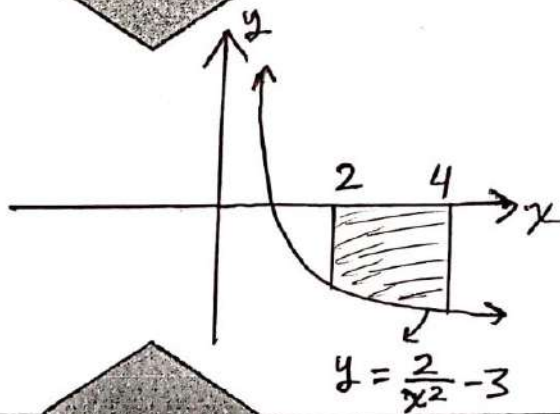
b) 16

c) 8

d) 32

120

مساحة المنطقة المظلمة



a) 5

c)  $\frac{2}{11}$ b)  $\frac{11}{2}$ d)  $\frac{7}{5}$ 

121

صيفة  $\int \cos(7x-3) dx$

a)  $\sin(7x-3) + C$ c)  $-\frac{\sin(7x-3)}{7} + C$ b)  $-\sin(7x-3) + C$ d)  $\frac{\sin(7x-3)}{7} + C$

$$\int x(2 + \frac{1}{x}) dx \quad \text{صيفة}$$

122

a)  $x^2 + x + c$

b)  $x^2 - x + c$

c)  $x^2 - \frac{1}{x} + c$

d)  $x^2 + \frac{1}{x} + c$

$$\int x \sqrt[3]{x^2 + 7} dx \quad \text{صيفة}$$

123

a)  $\frac{3}{4} \sqrt[3]{(x^2 + 7)^4} + c$

b)  $\frac{3}{8} \sqrt[3]{(x^2 + 7)^4} + c$

c)  $\sqrt[3]{(x^2 + 7)^4} + c$

d)  $\frac{3}{2} \sqrt[3]{(x^2 + 7)^4} + c$

$$\int k^2 dx \quad \text{صيفة} \quad \text{اذا كان } k \text{ عدد ثابت فان صيفة}$$

124

a)  $\frac{k^3}{3} + c$

b)  $\frac{k^3}{3} x + c$

c)  $k^2 x + c$

d)  $2k + c$

$$\int \sqrt{x^3} dx \quad \text{صيفة}$$

125

a)  $\frac{5}{2} \sqrt{x^5} + c$

b)  $\frac{2}{5} \sqrt{x^5} + c$

c)  $\frac{3}{2} \sqrt{x} + c$

d)  $\frac{2}{3} \sqrt{x} + c$

الوحدة  
" 4 "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" 4 "

126 مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = (x+1)(x-4)$

والمحور  $x$

a)  $\frac{125}{6}$

b)  $\frac{111}{7}$

c)  $\frac{112}{5}$

d)  $\frac{171}{4}$

127  $\int (x-2)(x+2) dx$

مساحة

127

a)  $\frac{1}{3}x^3 - 4x + c$

b)  $\frac{1}{3}x^3 + 4x + c$

c)  $\frac{1}{3}x^3 + c$

d)  $\frac{1}{3}x^2 + c$

128  $\int_1^4 \frac{1}{\sqrt{x}} dx$

مساحة

128

a) 2

b) -2

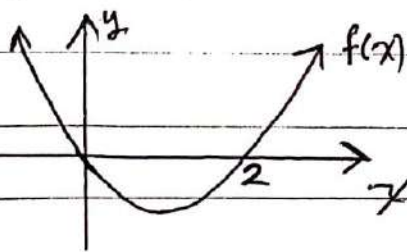
c) 1

d) -1

129 الشكل المجاور يمثل منحنى  $f(x) = x^2 - 2x$  فان مساحة المنطقة المحصورة

بين منحنى  $f(x)$  والمحور  $x$

والمتقيم  $x = 3$



a)  $\frac{2}{3}$

b) 4

c)  $\frac{1}{3}$

d)  $\frac{4}{3}$

الفرع

126

127

128

129

الفقرة

الذي

a

a

a

d

الإجابة

٧٨٥٨٥٤٤٦٤٣٤٣٣٣٥٧٥٧٨٠

بلاف صحنه

اذا كان  $\int_{-2}^4 3k dx = 36$  فان صيغة الك ثابت

130

- a) -6
- b) 6
- c) 2
- d) -2

c

اذا كان  $\int_2^3 4f(x) dx = 8$  ،  $\int_2^1 f(x) dx = 7$  فان صيغة  $\int_1^3 f(x) dx$

131

- a) 5
- b) -5
- c) 15
- d) -1

b

اذا كان  $\int_1^4 (2f(x) + 3) dx = 19$  وكان  $\int_6^4 \frac{f(x)}{5} dx = -2$

132

فان صيغة  $\int_1^6 3f(x) dx$

- a) 15
- b) 9
- c) 45
- d) 60

c

$$\int (9 \cos x + \frac{4}{x^3}) dx \text{ مقيّة}$$

□  
133

a)  $9 \sin x + \frac{2}{x^2} + c$

b)  $9 \sin x - \frac{2}{x^2} + c$

b

c)  $-9 \sin x - \frac{2}{x^2} + c$

d)  $\frac{\sin x}{9} - \frac{2}{x^2} + c$

ك إذا كان فان قيم الـ  $K$

$$\int_{3-K}^{K^2+K} f(x) dx = 0$$

□  
134

a) -3 و 1

b) 1 و 3

a

c) -1 و 3

d) -3 و -1

$$\int (4x^3 - \frac{4}{e^{8x}}) dx \text{ مقيّة}$$

\*  
□  
135

a)  $x^4 + \frac{1}{2e^{8x}} + c$

b)  $x^4 + \frac{1}{2e^{8x}} + c$

b

c)  $x^4 - \frac{1}{16e^{8x}} + c$

d)  $x^4 - \frac{2}{e^{8x}} + c$

□  
136

إذا كان  $f'(x)$  هو الـ  $[2, 5]$  وكان  $\int_2^5 f'(x) dx = 8$  ،  $f(2) = -2$  فان مقيّة  $f(5)$

c

a) -10

b) -6

c) 6

d) 10

٠٧٨٠٣٤٤٦٤

رافت صافى

$$\int \frac{(\ln x)^3}{x} dx \quad \text{صيفة}$$

\*  
137

a)  $4 \ln x + c$

b)  $\frac{1}{4} (\ln x)^4 + c$

c)  $4 (\ln x)^4 + c$

d)  $\frac{1}{4} \ln x + c$

$$\int \frac{2x^2 + x - 10}{x - 2} dx \quad \text{صيفة}$$

\*  
138

a)  $x^2 - 5x + c$

b)  $x^2 + 5x + c$

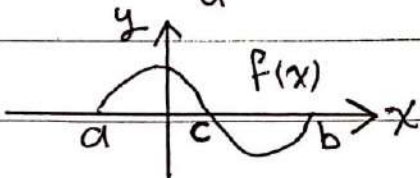
c)  $\frac{1}{2}x^2 - 3x + c$

d)  $\frac{1}{2}x^2 + 3x + c$

139 معتمداً على الشكل المجاور، إذا كانت مساحة المنطقة المحصورة بين  $f(x)$

ومحور  $x$  في الفترة  $[a, b]$  تساوي 14 وحدة وكان  $\int_a^c f(x) dx = 6$

فان صيفة  $\int_c^b f(x) dx$



- a) 8    b) 20    c) -8    d) -2

140 إذا كان  $\int_4^1 k dx = 15$  فان صيفة الثابت  $k$

- a) -5    b) 5    c) 3    d) -3

الفرع

137

138

139

140

الفقرة

الذي

b

b

c

a

بجابه

$$\int \left( \frac{3}{e^x} + \sqrt[3]{x} \right) dx \text{ مِثَقَة}$$

141

a)  $\frac{-3}{e^x} + \frac{3}{4} \sqrt[3]{x^4} + c$

b)  $\frac{3}{e^x} + \frac{4}{3} \sqrt[3]{x^4} + c$

c)  $\frac{-3}{e^x} + \frac{4}{3} \sqrt[3]{x^4} + c$

d)  $\frac{3}{e^x} + \frac{4}{3} \sqrt[4]{x^3} + c$

a

اذا كان  $\int_k^0 9x^2 dx = 81$  فان مِثَقَة البت ك

142

a) -3

b) 3

c) -9

d) 9

a

اذا كان  $\int_0^2 f(x) dx = 9$  فان مِثَقَة

143

$$\int_0^2 (3x^2 + f(x)) dx$$

a) 8

b) 18

c) 12

d) 17

d

$$\int \frac{2x^5 - 4}{x} dx \text{ مِثَقَة}$$

144

a)  $\frac{5}{2} x^5 - 4 \ln|x| + c$

b)  $\frac{2}{5} x^5 - 4 \ln|x| + c$

c)  $\frac{2}{5} x^5 - 4x + c$

d)  $\frac{2}{5} x^5 - \frac{4}{x^2} + c$

b

رافت صبا في

٠٧٨٠٧٤٤٤٦٤

$$\int_9^7 f(x) dx = 4 \quad \text{و} \quad \int_3^7 (f(x)-2) dx = 2 \quad \text{اذا كان}$$

145

$$\int_3^9 (2x - f(x)) dx \quad \text{فان صيغة}$$

- a) 72      b) 66      c) 58      d) 62

b

$$\int \left( \frac{1}{x} + 8e^x \right) dx = \text{صيغة}$$

146

a)  $x^2 + 8e^x + c$

b)  $\ln|x| + \frac{e^x}{8} + c$

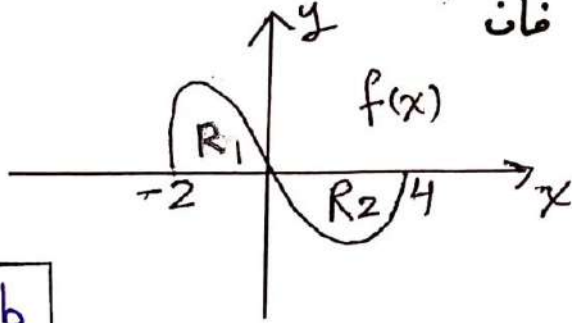
c)  $\ln|x| + 8e^x + c$

d)  $x^2 + e^x + c$

c

معتدلاً الشكل المجاور، اذا علمت ان  $R_1$  تاوي 3 وحدات  
 $R_2$  تاوي 11 وحدة فان

147



$$\int_4^{-2} f(x) dx = \text{صيغة}$$

- a) -8      b) 8  
 c) 14      d) -14

b

اذا كان  $\int_1^k 6x^2 dx = 14$  فان صيغة الـ  $k$

148

- a) -2      b) 2      c) 6      d) 18

b

رافقت صباهي

٠٧٨٥٧٤٤٤٦٤



150 \*  $\int_0^2 (x+1)^2 dx =$  صيغة

a)  $\frac{3}{26}$

b)  $\frac{26}{3}$

c) 26

d)  $-\frac{26}{3}$

151 \*  $\int (\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3) dx =$  صيغة

a)  $\frac{1}{2}x^2 - 9x + c$

b)  $2x^2 - 9x + c$

c)  $\frac{3}{2}\sqrt{x^3} - 9x + c$

d)  $\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + c$

152 إذا كان  $\int_{-k}^k 3 dx = -12$  فإن صيغة الثابت  $k$

a) -6

b) 6

c) -2

d) 2

153 إذا كان  $\int_5^1 f(x) dx = -6$  ،  $\int_3^1 2f(x) dx = 4$

a) 14

b) 24

c) 26

d) 12

فإن صيغة  $\int_3^5 (f(x)+2x) dx$

الفرع

150

151

152

153

الفقرة

الاجابة

b

a

c

b

الاجابة

$$\int \frac{1}{\sqrt{4x-2}} dx \text{ صحیحہ}$$

□  
154

a)  $2\sqrt{4x-2} + c$

b)  $\frac{1}{2}\sqrt{4x-2} + c$

c)  $2\sqrt[3]{4x-2} + c$

d)  $4\sqrt{4x-2} + c$

b

$$\int (\sin 5x + e^{2x}) dx \text{ صحیحہ}$$

□  
155

a)  $\cos 5x + 2e^{2x} + c$

b)  $-\cos 5x + e^{2x} + c$

c)  $-\frac{1}{5}\cos 5x + \frac{1}{2}e^{2x} + c$

d)  $-5\cos 4x + \frac{1}{2}e^{2x} + c$

c

$$\int_4^2 f(x) dx = -6 \text{ و } \int_{-1}^4 \frac{f(x)}{2} dx = 1 \text{ اذا كان}$$

□  
156

فان صحیحہ  $\int_{-1}^2 f(x) dx$

a) -4

b) -1

c) 1

d) 8

a

$$\int \frac{5}{3x+2} dx \text{ صحیحہ}$$

□  
157

a)  $\frac{5}{3}x^2 + 2x + c$

b)  $\frac{5}{3} \ln|3x+2| + c$

c)  $\frac{5}{3} \ln|3x+2| + c$

d)  $\ln|3x+2| + c$

b

الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

متقنة  $\int (4\cos(3x-7) - 3e^{7x+1}) dx$

158

a)  $\frac{4}{3}\sin(3x-7) - \frac{3}{7}e^{7x+1} + C$

b)  $4\sin(3x-7) - 3e^{7x+1}$

c)  $12\sin(3x-7) - 21e^{7x+1} + C$

d)  $-\frac{4}{3}\sin(3x-7) - \frac{3}{7}e^{7x+1} + C$

متقنة  $\int 2(\frac{1}{x} - e^{2x}) dx$

159

a)  $2\ln|x| + e^{2x} + C$

b)  $-2\ln|x| - e^{2x} + C$

c)  $2\ln|x| - e^{2x} + C$

d)  $2\ln|x| + e^{2x} + C$

إذا كان  $\int_3^1 (g(x)+2) dx = 5$  ،  $\int_1^3 f(x) dx = 3$

160

فإن متقنة  $\int_1^3 (f(x) - g(x)) dx$

a) -6

b) 6

c) 12

d) 15

إذا كان  $R'(t) = \frac{100}{1+t}$  حينه عدد براميل النفط

161

في السنة  $t$  عدد السنوات فان عدد براميل النفط بعد

9 سنوات ، حينه  $R(0) = 0$

a)  $100 \ln 10$

b)  $400 \ln 10 + 45$

c) 4500

d) 4545

الفرع

158

159

160

161

الفقرة

الاجابة

a

c

c

c

a

الاجابة

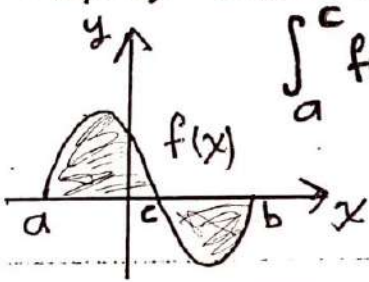
162 إذا كان  $\int_a^b f(x) dx = \frac{3}{4}$  فإن  $\int_b^a f(x) dx$

- a)  $\frac{3}{4}$      b)  $-\frac{3}{4}$      c)  $\frac{4}{3}$      d)  $-\frac{4}{3}$

163 إذا كان  $\int_3^{-4} g(x) dx = -12$  و  $\int_{-4}^3 f(x) dx = 8$  فإن  $\int_3^{-4} (f(x) - g(x)) dx$

- a) 20     b) 12     c) 4     d) -4

164 معبراً الشكل (بجانب) إذا علمت ان مساحة المنطقة الظلة 16 وصحة وكان  $\int_a^c f(x) dx = 7$  فإن  $\int_c^b f(x) dx$



- a) 9     b) -9     c) -2     d) 23

165 إذا كان  $\int_{-1}^{k+1} 3 dx = 15$  فإن صيغة الـ k

- a) 3     b) 7     c) 9     d) 13

- a)  $\frac{1}{2} \ln|x^2-2x+2| + c$   
 b)  $2 \ln|x^2-2x+2| + c$   
 c)  $2x^3 - x^2 + 2x + c$   
 d)  $\ln|x^2-2x+2| + c$

166 صيغة  $\int \frac{x-1}{x^2-2x+2} dx$

162	163	164	165	166	الفقره
b	c	b	a	a	الاجابة

رفعت مكتبي

٠٧٨٥٨٢٤٤٦٤

الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

$$\int \frac{e^{3x}}{e^{3x} + 5} dx \quad \text{متعة} \quad 167$$

a)  $\ln|e^{3x} + 5| + c$

b)  $3\ln|e^{3x} + 5| + c$

c)  $\ln|e^{3x} + 5| - 3e^{3x} + c$

d)  $\frac{1}{3}\ln|e^{3x} + 5| + c$

$$\int_2^3 \frac{1}{7-2x} dx \quad \text{متعة} \quad 168$$

a)  $\frac{1}{2}\ln 9$

b)  $\frac{1}{2}\ln 3$

c)  $2\ln 3$

d)  $6\ln 3$

$$\int_0^4 \frac{8x}{x^2 + 1} dx \quad \text{متعة} \quad 169$$

a)  $4\ln 17$

b)  $\ln 17$

c)  $17\ln 4$

d)  $28\ln 4$

إذا كان  $\int_{-1}^2 3k dx = -36$  فإن متعة الناتج  $k$  170

a) -4

b) 4

c) -12

d) 12

الفرع

167

168

169

170

نقطة

الدرجة

d

b

a

a

الإجابة

$$\int \left( \frac{2}{7} \sin\left(\frac{7x}{2}\right) + e^{-x} \right) dx \text{ صحیحہ (171)}$$

a)  $\cos\left(\frac{7x}{2}\right) - e^{-x} + c$

b)  $-\cos\left(\frac{7x}{2}\right) - e^{-x} + c$

c)  $\frac{4}{49} \cos\left(\frac{7x}{2}\right) - \frac{1}{e^x} + c$

d)  $-\frac{4}{49} \cos\left(\frac{7x}{2}\right) - \frac{1}{e^x} + c$

$$\int \frac{e^x + 7}{e^x} dx \text{ صحیحہ (172)}$$

a)  $x - 7e^x + c$

b)  $x - \frac{7}{e^x} + c$

c)  $e^x + 7e^x + c$

d)  $1 + 7e^x + c$

صحیحہ  $f(x)$  کی تلاش کی جائے کہ  $f'(x) = \frac{2}{x} - \frac{1}{x^2}$  (173)

$f(x)$  کی تلاش کی جائے۔

a)  $f(x) = 2 \ln|x| + \frac{1}{x} - 2$

b)  $f(x) = 2 \ln|x| - \frac{1}{x} - 2$

c)  $f(x) = 2x - x^3 + 3$

d)  $f(x) = 2x - x^2 + 2$

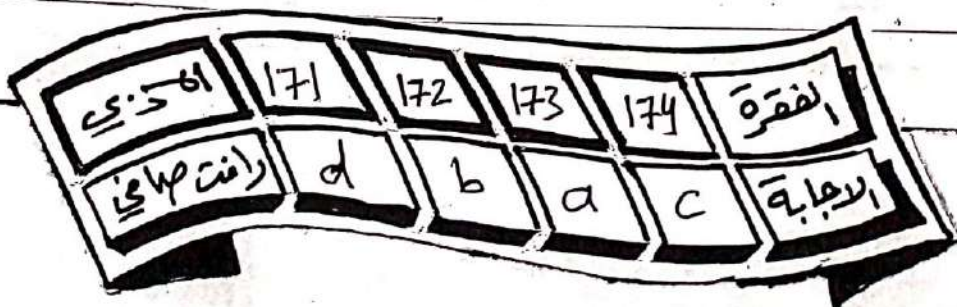
$$\int x^4 \sin(x^5 - 8) dx \text{ صحیحہ (174)}$$

a)  $\frac{1}{5} \cos(x^5 - 8) + c$

b)  $-5 \cos(x^5 - 8) + c$

c)  $-\frac{1}{5} \cos(x^5 - 8) + c$

d)  $5 \cos(x^5 - 8) + c$



الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

175 \*  
صِفَة  $\int_3^2 \frac{x^3-1}{x-1} dx$

- a)  $\frac{59}{6}$       b)  $\frac{6}{59}$       c)  $-\frac{59}{6}$       d)  $-59$

176 \*  
صِفَة  $\int_0^3 \frac{1}{\sqrt{x+1}} dx$

- a)  $-2$       b)  $2$       c)  $\frac{1}{2}$       d)  $-\frac{1}{2}$

177 □  
صِفَة  $\int x\sqrt{x} dx$

- a)  $\frac{5}{2} \sqrt{x^5} + c$       b)  $\frac{2}{5} \sqrt{x^5} + c$   
c)  $\frac{2}{5} \sqrt[5]{x^2} + c$       d)  $5x^3 + c$

178 □  
صِفَة  $\int_0^5 (|x+3|-5) dx$

- a)  $\frac{5}{2}$       b)  $\frac{2}{5}$       c)  $\frac{3}{5}$       d)  $\frac{7}{5}$

الفرع

175

176

177

178

الفقرة

الإجابة

c

b

b

d

الإجابة

الوحدة  
" "

الأسئلة الموضوعية

المستوى  
" "

إذا كانت  $\int_2^3 (x^2 - a) dx = 5$  فإن متعة الأبت  $a$  □ 179

a)  $\frac{2}{3}$

b)  $\frac{3}{2}$

c)  $\frac{4}{3}$

d)  $-\frac{3}{2}$

متعة  $\int_1^2 \frac{dx}{(5-2x)^2}$  \* 180

a) 3

b) -3

c)  $\frac{1}{3}$

d)  $-\frac{1}{3}$

متعة  $\int_0^4 x(x-1)(x-2) dx$  \* 181

a) -32

b) 32

c) -16

d) 16

متعة  $\int e^x(4 - e^x) dx$  □ 182

a)  $4e^x - 2e^{2x} + c$

b)  $4e^x - \frac{1}{2}e^{2x} + c$

c)  $4e^x - e^x + c$

d)  $e^x(4x - e^x) + c$

الفرع

179

180

181

182

الفقرة

الادبي

c

c

d

b

الاجابة



183

184

185

186

الفقرة

a

d

b

b

الإجابة

183

$$\int_1^3 \left(1 + \frac{1}{x}\right) dx \quad \text{صِفَا}$$

a)  $2 + \ln 3$

b) 5

c)  $\ln 5$

d)  $-2 + \ln 3$

184

$$\int_e^{e^2} \frac{(\ln x)^2}{x} dx \quad \text{صِفَا}$$

a)  $\frac{1}{7}$

b)  $\frac{2}{5}$

c)  $-\frac{7}{3}$

d)  $\frac{7}{3}$

185

$$\int \frac{4 + 2\sqrt{x}}{x^2} dx \quad \text{صِفَا}$$

a)  $\frac{4}{x} - \frac{4}{\sqrt{x}} + c$

b)  $-\frac{4}{x} - \frac{4}{\sqrt{x}} + c$

c)  $-4x - 4\sqrt{x} + c$

d)  $\frac{4}{x} + \frac{4}{\sqrt{x}} + c$

186

$$\int_3^6 \left(x - \frac{3}{x}\right)^2 dx \quad \text{صِفَا}$$

a)  $\frac{2}{93}$

b)  $\frac{93}{2}$

c) 93

d)  $\frac{7}{29}$

187 إذا كان  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 4, & x < 0 \\ 4 - x, & x \geq 0 \end{cases}$  فإن قيمة  $\int_{-2}^1 f(x) dx$

- a)  $\frac{11}{15}$     b)  $\frac{6}{83}$     c)  $\frac{81}{7}$     d)  $\frac{85}{6}$

188 قيمة  $\int \frac{\cos(\ln x)}{x} dx$

- a)  $\sin x + C$     b)  $\sin(\ln x) + C$   
c)  $\cos(\ln x) + C$     d)  $\frac{1}{x} + \sin(\ln x) + C$

189 ما هي المنطقة المحصورة بين منحني  
الافتتان  $f(x) = x^2(2-x)$  ومحور  $x$

- a)  $\frac{2}{7}$     b)  $\frac{1}{5}$     c)  $\frac{4}{3}$     d)  $\frac{3}{4}$

190 قيمة  $\int x(1+x)^2 dx$

- a)  $\frac{1}{4}x^4 + \frac{2}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + C$     b)  $\frac{1}{4}x^4 + \frac{3}{2}x^2 + 2x^2 + C$   
c)  $4x^4 + 3x^2 + x^2 + C$     d)  $\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x^2 + x^2 + C$

الفرع

187

188

189

190

الفقرة

الاجابة

d

b

c

a

الاجابة

# الأسئلة المقالية

جد التكاملات الآتية :-

$$1) \int (6x^2 - 2x) dx$$

$$2) \int (6x^2 + x^{-5} - \sin x) dx$$

$$3) \int (x+1)(x-3) dx$$

$$4) \int \frac{x^2 - \sqrt{x} \sin x}{\sqrt{x}} dx$$

$$5) \int_0^1 (\sqrt{x} + x) dx$$

$$6) \int_0^2 \frac{x^2 - 9x + 18}{x-3} dx$$

$$7) \int \frac{2x^3 + 16}{x+2} dx$$

$$8) \int_0^2 (3x+2)(x-1) dx$$

$$9) \int (x^{-5} + \frac{2}{x} + e^x) dx$$

جد التكاملات الآتية

$$10) \int (\frac{3}{\sqrt{x}} - \frac{5}{x^7}) dx$$

$$11) \int (3x^2 - \frac{4}{\sqrt{x}}) dx$$

$$12) \int \frac{7x^3 + 7x}{x^2} dx$$

$$13) \int (\frac{x^2+1}{x^2})^2 dx$$

$$14) \int_1^4 x^3 (\sqrt{x} + \frac{1}{x}) dx$$

$$15) \int_1^9 (\sqrt{x} + 2)^2 dx$$

$$16) \int (\frac{3}{x+1} - 5e^{-2x}) dx$$

$$17) \int (e^{6x} + (1-2x)^6) dx$$

$$18) \int_0^5 \frac{x}{x^2+10} dx$$

$$19) \int e^x (3 - e^{2x}) dx$$

$$20) \int (x - \sin(7x+2)) dx$$

$$21) \int_1^5 |3-x| dx$$

أقرب صديق

22) إذا كان  $\int_5^{-2} \frac{1}{2} g(x) dx = 4$  ،  $\int_{-2}^5 f(x) dx = 6$  حد متكامل  $\int_{-2}^5 (3f(x) + g(x) - x) dx$

23) إذا كان  $\int_2^6 f(x) dx = 14$  ،  $\int_{-1}^6 (3f(x) - 2) dx = 10$  حد متكامل  $\int_{-1}^2 f(x) dx$

24) يتحرك جسم في مسار مستقيم ويتوقف ثانية بالاقتران  $v(t) = 6(t+1)^2$  إذا كان الموقع الابتدائي للجسم هو 9 m حد موقع الجسم بعد 2 ثانية من بدء الحركة

25) يتحرك جسم في مسار مستقيم ويتوقف ثانية بالاقتران  $a(t) = 6t$  حد موقع الجسم بعد مرور 3 ثوانٍ كلياً بان  $v(0) = 3 \text{ m/s}$  و  $s(0) = 3 \text{ m}$

26) يتحرك جسم في مسار مستقيم ويتوقف ثانية بالاقتران  $a(t) = 6t - 30$  إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الإهل بسرعة متجهة  $72 \text{ m/s}$  حد موقع الجسم بعد 3 ثوانٍ من بدء حركته

27) يتحرك جسم في مسار مستقيم ويتوقف ثانية بالاقتران  $v(t) = \frac{t}{\sqrt{t^2+1}}$  إذا بدأ الجسم حركته من نقطة الإهل حد موقع الجسم بعد  $t$  ثانية من بدء الحركة

أقمت صباه

(28) إذا كان ميل المماس للاقتبان  $f(x)$  هو  $f'(x) = \frac{3x - x^3}{x^3}$   
حد قاعدة  $f(x)$  حيث  $f(-1) = 6$

(29) إذا كان ميل المماس للاقتبان  $f(x)$  هو  $f'(x) = 6(1-2x)^5$   
حد قاعدة  $f(x)$  حيث فنحن  $f(x)$  يمر بالنقطة  $(\frac{1}{2}, 0)$

(30) إذا كان ميل المماس للاقتبان  $f(x)$  هو  $f'(x) = 2x + \frac{3}{x+e}$   
حد قاعدة العلاقة  $y$  كلما بان منحناه يمر بالنقطة  $(e^2, e)$

(31) في دراسة تناولت اسماكاً في بحيرة، تبين ان عدد الاسماك  $P(t)$  لتغير بحد  $P'(t) = -0.5e^{-0.03t}$  حيث  $t$  الزمن بالسنوات بعد بدء الدراسة، حد عدد الاسماك بعد 10 سنوات من بدء الدراسة، كلما بان عدد الاسماك عند بدء الدراسة 1000

(32) اشارة دراسة الى أن عدد السكان في احدى القرى تتغير شهرياً بحد  $P'(t) = 5 + 3t^{\frac{2}{3}}$  حيث  $t$  عدد الايام من الآن،  $P(t)$  عدد السكان. حد مقدار الزيادة في عدد سكان القرية في الشهر الثامن القادمة

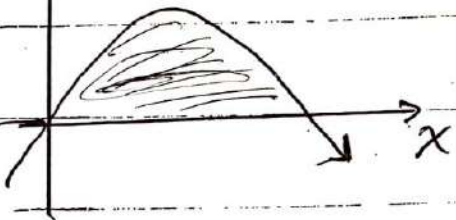
راقب صياحي

(33) حد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = 3x^2 - 6x$  ومحور  $x$ ، وتقتعان  $x = -2$  و  $x = 1$

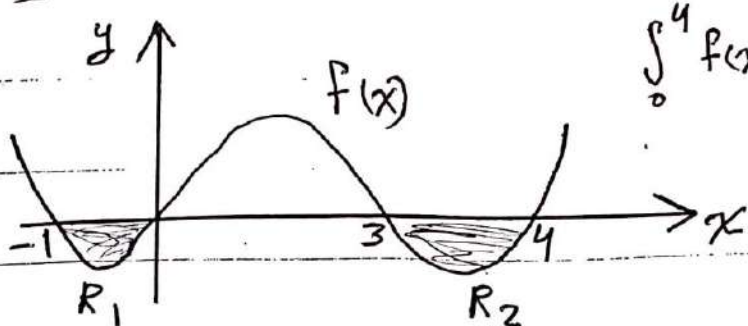
(34) حد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = x^2 - 2x$  ومحور  $x$

(35) حد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x) = x^3 - 5x^2 - 6x$  والمحور  $x$

(36) يسى الشكل المجاور منحنى لا قدر ان  $y = kx(4-x)$  اذا كانت مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى  $f(x)$  ومحور  $x$  هي 32 وحدتي مربعة، حد قيمة الثابت  $k$



(37) يسى الشكل التالي منحنى  $f(x)$  اذا كانت مساحة المنطقة  $R_1$  وحدتي مربعة، ومساحة المنطقة  $R_2$  هي 3 وحدتي مربعة وكان  $\int_0^4 f(x) dx = 10$  حد  $\int_{-1}^3 f(x) dx$



وقت ضاوي

38) إذا كان  $\int_1^5 (2ax+7) dx = 4a^2$  فاحسب  $a$

39) إذا كان  $\int_1^K (2x+3) dx = 6$  فاحسب  $K$

جد قيمة التكاملات التالية

40)  $\int \frac{6x-8}{\sqrt[3]{3x^2-8x+9}} dx$

41)  $\int (x-3)(x^2-6x)^5 dx$

42)  $\int x \sin(x^2-3) dx$

43)  $\int (x^2-1)\sqrt{x^3-3x} dx$

44)  $\int_0^4 \frac{4x}{\sqrt{x^2+9}} dx$

45)  $\int 4x^5 \sin(x^6+3) dx$

جد قيمة التكاملات التالية

46)  $\int \cos x e^{\sin x} dx$

47)  $\int \sin^3 x \cos x dx$

48)  $\int x e^{x^2+1} dx$

49)  $\int_0^1 (x+1)\sqrt{x^2+2x} dx$

50)  $\int \frac{\cos x}{e^{\sin x}} dx$

أقرب صديق

$$1) \frac{6x^3}{3} - x^2 + C = 2x^3 - x^2 + C \quad \text{ذوریع/مکمل}$$

$$2) \frac{6x^3}{3} + \frac{x^{-4}}{-4} + \cos x + C = 2x^3 - \frac{1}{4x^4} + \cos x + C \quad \text{ذوریع/مکمل}$$

$$3) \int (x^2 - 3x + x - 3) dx = \int (x^2 - 2x - 3) dx \quad \text{فکله/مکمل}$$

$$= \frac{x^3}{3} - x^2 - 3x + C$$

$$4) \int \left( \frac{x^2}{x^{\frac{1}{2}}} - \frac{\sqrt{x} \sin x}{\sqrt{x}} \right) dx = \int (x^{\frac{3}{2}} - \sin x) dx \quad \text{ذوریع/مکمل}$$

$$= \frac{2}{5} x^{\frac{5}{2}} + \cos x = \frac{2}{5} \sqrt{x^5} + \cos x + C$$

$$5) \int_0^1 (x^{\frac{1}{2}} + x) dx = \left( \frac{2}{3} x^{\frac{3}{2}} + \frac{x^2}{2} \right) \Big|_0^1 \quad \text{ذوریع/مکمل}$$

$$= \frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{7}{6}$$

$$6) \int \frac{(x-3)(x-6)}{x-3} dx = \int (x-6) dx = \frac{x^2}{2} - 6x + C \quad \text{مکمل}$$

$$7) \int \frac{2(x^3+8)}{x+2} dx = \int \frac{2(x+2)(x^2-2x+4)}{x+2} dx \quad \text{مکمل/ذوریع/مکمل}$$

$$= 2 \left( \frac{x^3}{3} - x^2 + 4x \right) = \frac{2}{3} x^3 - 2x^2 + 8x + C$$



$$8) \int_0^2 (3x^2 - 3x + 2x - 2) dx = \int_0^2 (3x^2 - x - 2) dx \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= \left( x^3 - \frac{x^2}{2} - 2x \right) \Big|_0^2 = (8 - 2 - 4) = 2$$

$$9) \frac{x^{-4}}{-4} + 2|\ln|x|| + e^x = \frac{-1}{4x^4} + 2|\ln|x|| + e^x + c \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$10) \int (3x^{-\frac{1}{2}} - 5x^{-6}) dx = (3)(2)x^{\frac{1}{2}} - \frac{5x^{-5}}{-5} + c \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= 6\sqrt{x} + \frac{1}{x^5} + c$$

$$11) \int (3x^2 - 4x^{-\frac{1}{5}}) dx = \frac{3x^3}{3} - (4)\left(\frac{5}{4}\right)x^{\frac{4}{5}} + c \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= x^3 - 5\sqrt[5]{x^4} + c$$

$$12) \int \left( \frac{7x^3}{x^2} + \frac{7x}{x^2} \right) dx = \int \left( 7x + \frac{7}{x} \right) dx \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= \frac{7x^2}{2} + 7|\ln|x|| + c$$

$$13) \int \left( \frac{x^2}{x^2} + \frac{1}{x^2} \right)^2 dx = \int (1 + x^{-2})^2 dx \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= \int (1 + 2x^{-2} + x^{-4}) dx \quad \text{قانون التفاضل}$$

$$= x + \frac{2x^{-1}}{-1} + \frac{x^{-3}}{-3} = x - \frac{2}{x} - \frac{1}{3x^3} + c$$

أحمد محمد

$$14) \int x^3 \left( x^{\frac{1}{2}} + \frac{1}{x} \right) dx = \int (x^{\frac{7}{2}} + x^2) dx \quad \text{فك القوس}$$

$$= \frac{2}{9} x^{\frac{9}{2}} + \frac{x^3}{3} + c$$

$$15) \int_1^9 (x + 4\sqrt{x} + 4) dx = \int_1^9 (x + 4x^{\frac{1}{2}} + 4) dx \quad \text{فك القوس}$$

$$= \left( \frac{x^2}{2} + 4 \left( \frac{2}{3} \right) x^{\frac{3}{2}} + 4x \right) \Big|_1^9 = \frac{1}{2} x^2 + \frac{8}{3} \sqrt{x^3} + 4x \Big|_1^9$$

$$= \left( \frac{81}{2} + \frac{8}{3}(27) + 36 \right) - \left( \frac{1}{2} + \frac{8}{3} + 4 \right) = \dots$$

$$16) 3 \ln|x+1| + \frac{5}{2} e^{-2x} + c \quad \text{نوع 8/تكاملي}$$

$$17) \frac{1}{6} e^{6x} + \frac{(1-2x)^7}{-14} + c \quad \text{نوع 8/تكاملي}$$

$$18) \int \frac{1}{2} \frac{2x}{x^2+10} dx = \frac{1}{2} \ln|x^2+10| \Big|_0^5 = \frac{1}{2} \ln 35 - \frac{1}{2} \ln 10$$

$$19) \int (3e^x - e^{3x}) dx = 3e^x - \frac{1}{3} e^{3x} + c \quad \text{فك القوس}$$

$$20) \frac{x^2}{2} + \frac{1}{7} \cos(7x+2) + c \quad \text{نوع 8/تكاملي}$$

وقت ضابغ

$$21) \int_1^5 (3-x) dx = \int_1^3 (3-x) dx + \int_3^5 (x-3) dx$$

$$= 3x - \frac{x^2}{2} \Big|_1^3 + \frac{x^2}{2} - 3x \Big|_3^5$$

$$= (9 - \frac{9}{2}) - (3 - \frac{1}{2}) + (\frac{25}{2} - 15) - (\frac{9}{2} - 9) = \dots = \dots$$

$$3-x=0$$

$$x=3$$

$$\begin{array}{c} + + + + + \\ 3-x \quad 3 \quad x-3 \end{array}$$

22)  $\int_5^{-2} \frac{1}{2} g(x) dx = 4$       نتائج المسائل ضرب في (2)

$$\int_5^{-2} g(x) dx = 8$$

نوع التكامل في المسألة

$$3 \int_{-2}^5 f(x) dx + \int_{-2}^5 g(x) dx - \int_{-2}^5 x dx$$

$$3(6) + 8 - \frac{x^2}{2} \Big|_{-2}^5 = 18 + 8 - (\frac{25}{2} - \frac{4}{2}) = 10 - \frac{21}{2} = \frac{-1}{2}$$

23)  $\int_{-1}^6 (3f(x) - 2) dx = 10$       نتائج المسائل

$$3 \int_{-1}^6 f(x) dx - \int_{-1}^6 2 dx = 10$$

$$3 \int_{-1}^6 f(x) dx - 14 = 10 \rightarrow 3 \int_{-1}^6 f(x) dx = 24 \rightarrow \int_{-1}^6 f(x) dx = 8$$

$$\int_{-1}^2 f(x) dx = \int_{-1}^6 f(x) dx + \int_6^2 f(x) dx$$

المطلوب

$$= 8 + (-14) = -6$$

أحمد صباغ

$$24) \quad s(t) = \int v(t) dt = \int 6(t+1)^2 dt = \frac{6(t+1)^3}{3} + c$$

$$s(t) = 2(t+1)^3 + c$$

$$s(0) = 9 \quad \text{then } c \text{ is}$$

$$9 = 2(0+1)^3 + c$$

$$9 = 2 + c \rightarrow c = 7$$

$$s(t) = 2(t+1)^3 + 7$$

$$s(2) = 2(2+1)^3 + 7 = (2)(27) + 7 = 54 + 7 = 61$$

$$25) \quad v(t) = \int a(t) dt = \int 6t dt = \frac{6t^2}{2} + c_1 = 3t^2 + c_1$$

$$v(0) = 3 \quad \text{then } c_1 \text{ is}$$

$$3 = 0 + c_1 \rightarrow c_1 = 3$$

$$v(t) = 3t^2 + 3$$

$$s(t) = \int v(t) dt = \int (3t^2 + 3) dt = t^3 + 3t + c_2$$

$$3 = 0 + 0 + c_2 \rightarrow c_2 = 3$$

$$s(0) = 3 \quad \text{then } c_2 \text{ is}$$

$$s(t) = t^3 + 3t + 3$$

$$s(3) = 27 + 9 + 3 = 39$$

$$26) \quad v(t) = \int a(t) dt = \int (6t - 30) dt = \frac{6t^2}{2} - 30t + c \quad \begin{matrix} s(0) = 0 \\ v(0) = 72 \end{matrix}$$

$$= 3t^2 - 30t + c$$

$$72 = 0 + c \rightarrow c = 72$$

$$v(0) = 72 \quad \text{then } c \text{ is}$$

$$v(t) = 3t^2 - 30t + 72$$

$$s(t) = \int v(t) dt = \int (3t^2 - 30t + 72) dt$$

$$= t^3 - 15t^2 + 72t + c$$

$$s(0) = 0 \quad \text{then } c \text{ is}$$

$$c = 0$$

$$s(t) = t^3 - 15t^2 + 72t$$

$$s(3) = 27 - 15(9) + 72(3) = \dots$$

أقرب صبا

$$27) S(t) = \int v(t) dt = \int \frac{t}{\sqrt{t^2+1}} dt$$

$$u = t^2 + 1$$

$$\frac{du}{dt} = 2t \rightarrow dt = \frac{du}{2t}$$

$$\int \frac{t}{\sqrt{u}} \cdot \frac{du}{2t} = \frac{1}{2} \int u^{-\frac{1}{2}} du$$

$$= \frac{1}{2} (2) u^{\frac{1}{2}} + C = \sqrt{u} + C = \sqrt{t^2+1} + C$$

$$S(t) = \sqrt{t^2+1} + C$$

$$S(0) = 0 \text{ عن } C \text{ هي}$$

$$0 = 1 + C \rightarrow C = -1$$

$$S(t) = \sqrt{t^2+1} - 1$$

$$28) F(x) = \int f'(x) dx = \int \frac{3x - x^3}{x^3} dx = \int \left( \frac{3x}{x^3} - \frac{x^3}{x^3} \right) dx$$

$$= \int (3x^{-2} - 1) dx = \frac{3 \cdot x^{-1}}{-1} - x + C = -\frac{3}{x} - x + C$$

$$F(x) = -\frac{3}{x} - x + C \quad F(-1) = 6 \text{ عن } C \text{ هي}$$

$$6 = 3 + 1 + C \rightarrow C = 2$$

$$F(x) = -\frac{3}{x} - x + 2$$

$$29) F(x) = \int f'(x) dx = \int 6(1-2x)^5 dx = \frac{6(1-2x)^6}{-12} + C$$

$$F(x) = -\frac{(1-2x)^6}{2} + C$$

$$F(0) = \frac{1}{2} \text{ عن } C \text{ هي}$$

$$\frac{1}{2} = -\frac{1}{2} + C \rightarrow C = 1$$

$$F(x) = -\frac{(1-2x)^6}{2} + 1$$

وقت ضابط

$$30) f(x) = \int f'(x) dx = \int (2x + \frac{3}{x+e}) dx$$

$$f(x) = x^2 + 3 \ln|x+e| + c$$

$f(e) = e^2$  and  $c$  is

$$e^2 = e^2 + 3 \ln 2e + c$$

$$c = -3 \ln 2e$$

$$f(x) = x^2 + 3 \ln|x+e| - 3 \ln 2e$$

$$31) p(t) = \int p'(t) dt = \int -0.5 e^{-0.03t} dt$$

$$p(t) = \frac{0.5}{0.03} e^{-0.03t} + c$$

$p(0) = 1000$  and  $c$  is

$$1000 = \frac{50}{3} e^0 + c \rightarrow c = 1000 - \frac{50}{3} = \frac{2950}{3}$$

$$p(t) = \frac{50}{3} e^{-0.03t} + \frac{2950}{3}$$

$$p(10) = \frac{50}{3} e^{-0.3} + \frac{2950}{3} = \underline{2695}$$

$$32) p(8) - p(0) = \int_0^8 (5 + 3t^{\frac{2}{3}}) dt$$

$$= 5t + (3)(\frac{3}{5}) t^{\frac{5}{3}} \Big|_0^8$$

$$= 5t + \frac{9}{5} \sqrt[3]{t^5} \Big|_0^8$$

Wags

امتحان

$$33) \quad f=0$$

$$3x^2 - 6x = 0$$

$$3x(x-2) = 0$$

0      2

$$\frac{f > 0 \quad f < 0}{-2 \quad 0 \quad 1}$$

$$A = \int_{-2}^0 f(x) dx + - \int_0^1 f(x) dx$$

$$= \int_{-2}^0 (3x^2 - 6x) dx + - \int_0^1 (3x^2 - 6x) dx$$

$$= (x^3 - 3x^2) \Big|_{-2}^0 + - (x^3 - 3x^2) \Big|_0^1$$

$$0 - (-8 - 12) + - ((1 - 3) - 0) = 20 + 2 = 22$$

$$\frac{f < 0}{0 \quad 2}$$

$$34) \quad f=0$$

$$x^2 - 2x = 0$$

$$x(x-2) = 0$$

0      2

$$A = - \int_0^2 f(x) dx = - \int_0^2 (x^2 - 2x) dx$$

$$A = - \left( \frac{x^3}{3} - x^2 \right) \Big|_0^2 = - \left( \frac{8}{3} - 4 \right) = \frac{4}{3}$$

$$f(x) = 0$$

$$kx(4-x) = 0$$

0      4

$$A = \int_0^4 kx(4-x) dx$$

$$= \int_0^4 (4kx - kx^2) dx$$

$$= \frac{4kx^2}{2} - \frac{kx^3}{3} \Big|_0^4$$

$$= 32k - \frac{64k}{3} = \frac{32k}{3}$$

$$\frac{32k}{3} = \frac{32}{1}$$

المساحة المطلوبة

$$k = 3$$

$$37) \int_0^4 f(x) dx = \int_0^3 f(x) dx + \int_3^4 f(x) dx$$

$$10 = \int_0^3 f(x) dx - 3 \rightarrow \int_0^3 f(x) dx = 13$$

$$\int_3^4 f(x) dx = -R_2 = -3$$

$$\int_{-1}^0 f(x) dx = -R_1 = -2$$

$$\int_{-1}^3 f(x) dx = \int_{-1}^0 f(x) dx + \int_0^3 f(x) dx$$

$$= -2 + 13 = 11$$

$$38) \left( \frac{2ax^2}{2} + 7x \right) \Big|_1^5 = (25a + 35) - (a + 7) = 24a + 28$$

$$24a + 28 = 4a^2 \quad \text{CVP}$$

$$4a^2 - 24a - 28 = 0$$

$$a^2 - 6a - 7 = 0$$

$$(a - 7)(a + 1) = 0$$

$$a = 7, a = -1$$

$$39) (x^2 + 3x) \Big|_1^k = k^2 + 3k - 4$$

$$k^2 + 3k - 4 = 6$$

$$k^2 + 3k - 10 = 0$$

$$(k + 5)(k - 2) = 0$$

$$k = -5, k = 2$$

وقت صبا



$$40) \quad \boxed{u = 3x^2 - 8x + 9}$$

$$\frac{du}{dx} = 6x - 8$$

$$dx = \frac{du}{6x - 8}$$

$$= \int \frac{6x - 8}{\sqrt{u}} \frac{du}{6x - 8} = \int u^{-\frac{1}{2}} du$$

$$= 2u^{\frac{1}{2}} = 2\sqrt{u} = 2\sqrt{3x^2 - 8x + 9} + c$$

$$41) \quad u = x^2 - 6x$$

$$\frac{du}{dx} = 2x - 6 = 2(x - 3)$$

$$dx = \frac{du}{2(x - 3)}$$

$$\int \frac{(x - 3) u^5 du}{2(x - 3)}$$

$$\frac{1}{2} \int u^5 du = \frac{u^6}{6 \cdot 2} + c$$

$$= \frac{(x^2 - 6x)^6}{6 \cdot 2} + c$$

$$42) \quad u = x^2 - 3$$

$$\frac{du}{dx} = 2x \rightarrow dx = \frac{du}{2x}$$

$$\int \frac{x \sin u du}{2x}$$

$$\int \frac{1}{2} \sin u du = -\frac{1}{2} \cos u + c$$

$$= -\frac{1}{2} \cos(x^2 - 3) + c$$

$$43) \quad u = x^3 - 3x$$

$$\frac{du}{dx} = 3x^2 - 3 = 3(x^2 - 1)$$

$$dx = \frac{du}{3(x^2 - 1)}$$

$$\int \frac{(x^2 - 1) \sqrt{u} du}{3(x^2 - 1)} = \frac{1}{3} \int u^{\frac{1}{2}} du$$

$$= \left(\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3}\right) u^{\frac{3}{2}} + c$$

$$\frac{2}{9} \sqrt{(x^3 - 3x)^3}$$

$$44) \quad u = x^2 + 9$$

$$\frac{du}{dx} = 2x$$

$$dx = \frac{du}{2x}$$

$$\int_9^{25} \frac{4x}{\sqrt{u}} \frac{du}{2x} = 2 \int_9^{25} u^{-\frac{1}{2}} du$$

$$= (2)(2) u^{\frac{1}{2}} \Big|_9^{25}$$

$$= 4\sqrt{u} \Big|_9^{25}$$

$$u = 9 \text{ bila } x = 0 \text{ is}$$

$$u = 25 \text{ bila } x = 4$$

$$4\sqrt{25} - 4\sqrt{9}$$

$$20 - 12 = 8$$

اقتضاه

$$46) \quad u = \sin x$$

$$\frac{du}{dx} = \cos x$$

$$dx = \frac{du}{\cos x}$$

$$\int \cos x e^u \frac{du}{\cos x} = \int e^u du$$

$$= e^u = e^{\sin x} + C$$

$$47) \quad u = \sin x$$

$$\frac{du}{dx} = \cos x$$

$$dx = \frac{du}{\cos x}$$

$$\int u^3 \cos x \frac{du}{\cos x} = \int u^3 du$$

$$\frac{u^4}{4} = \frac{\sin^4 x}{4} + C$$

$$48) \quad u = x^2 + 1$$

$$\frac{du}{dx} = 2x$$

$$dx = \frac{du}{2x}$$

$$\int x e^u \frac{du}{2x} = \frac{1}{2} e^u + C$$

$$= \frac{1}{2} e^{x^2+1} + C$$

$$49) \quad u = x^2 + 2x$$

$$\frac{du}{dx} = 2x + 2 = 2(x+1)$$

$$u=0 \quad \text{at } x=0 \text{ us}$$

$$u=3 \quad \text{at } x=1$$

$$\int_0^3 (x+1) \sqrt{u} \frac{du}{2(x+1)} = \int_0^3 \frac{1}{2} u^{\frac{1}{2}} du$$

$$\left( \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \right) u^{\frac{3}{2}} \Big|_0^3 = \frac{1}{3} \sqrt{u^3} \Big|_0^3$$

$$= \frac{1}{3} \sqrt{27}$$

$$50) \quad u = \sin x$$

$$\frac{du}{dx} = \cos x$$

$$dx = \frac{du}{\cos x}$$

$$\int \frac{\cos x}{e^u} \frac{du}{\cos x}$$

$$\int e^{-u} du = -e^{-u} + C$$

$$= -e^{-\sin x} + C$$

وقت ضابط